



# 超並列ブラソフコードによる FX1とHX600の性能評価

梅田隆行

名古屋大学太陽地球環境研究所

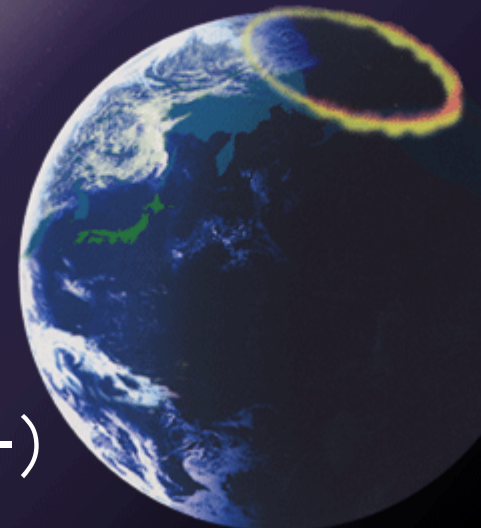
研究協力者:

荻野瀧樹(名大太陽研)

深沢圭一郎(九大基盤センター)

成行泰裕(高知高専)

石井克哉、永井亨(名大基盤センター)



# 太陽地球環境(STE)のシミュレーション

- プラズマシミュレーション

- 宇宙の99.99%はプラズマ
- 特に「無衝突」状態を扱う

ex. 太陽風プラズマの平均自由行程: 1 AU

- 惑星大気シミュレーション

- 高密度中性大気

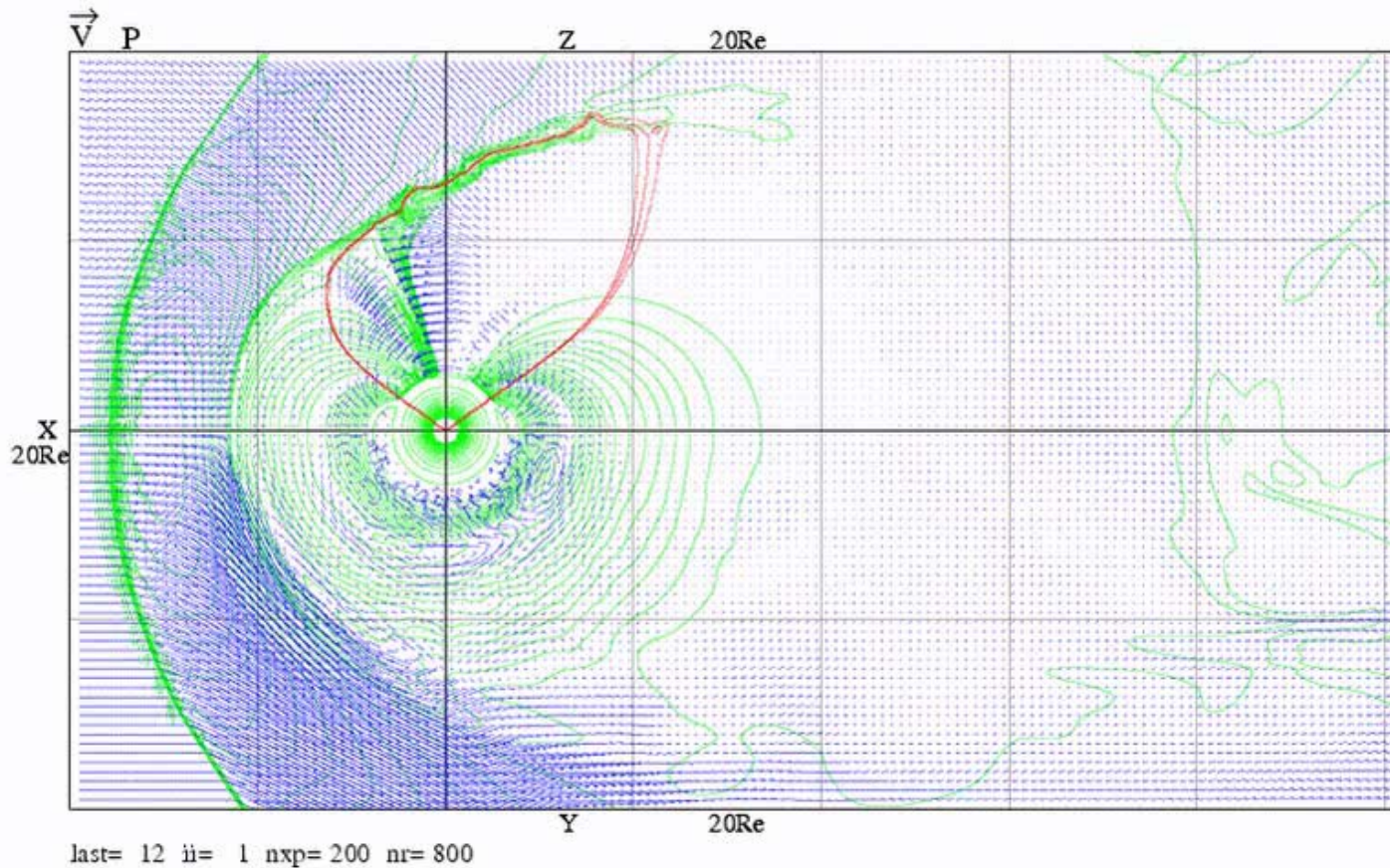
- 天文・天体シミュレーション

- 恒星近傍: 高温・高圧・高密度
- 基本的にMHD +  $\alpha$



# 地球磁気圏のMHDシミュレーション

Southward Turning from Northward IMF  
 $B_z = -10\text{nT}$   $N_{sw} = 5/\text{cc}$   $V_{sw} = 300\text{km/s}$   $t = 540\text{m} 10\text{s}$



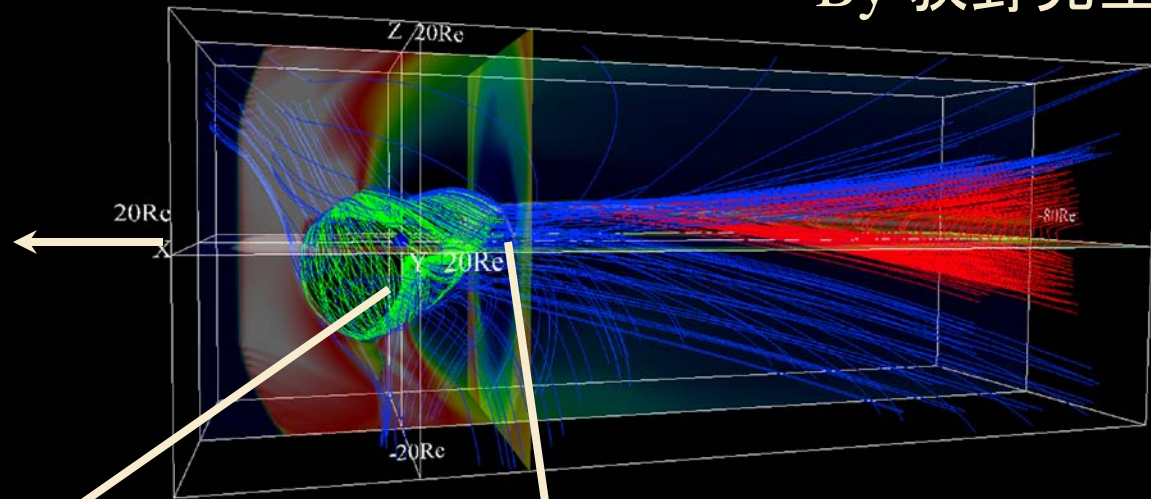
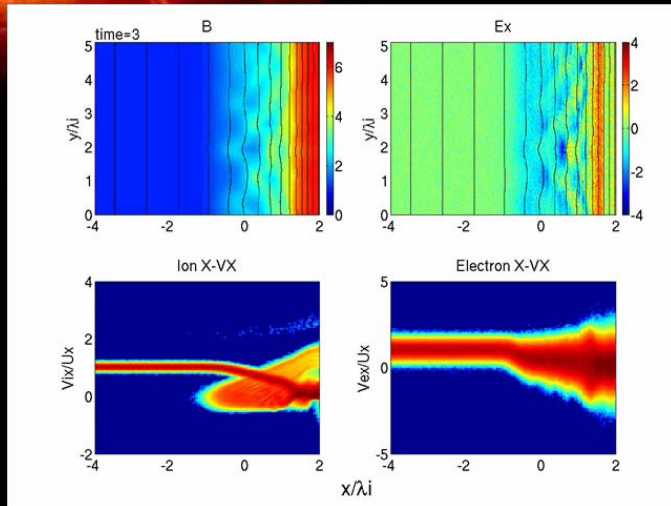
- ・衝撃波
- ・渦
- ・磁力線の  
繋ぎ換え  
⇒「境界層」

# 宇宙プラズマ中の“スケール間”結合

無衝突衝撃波

地球磁気圏(3D MHDシミュレーション)

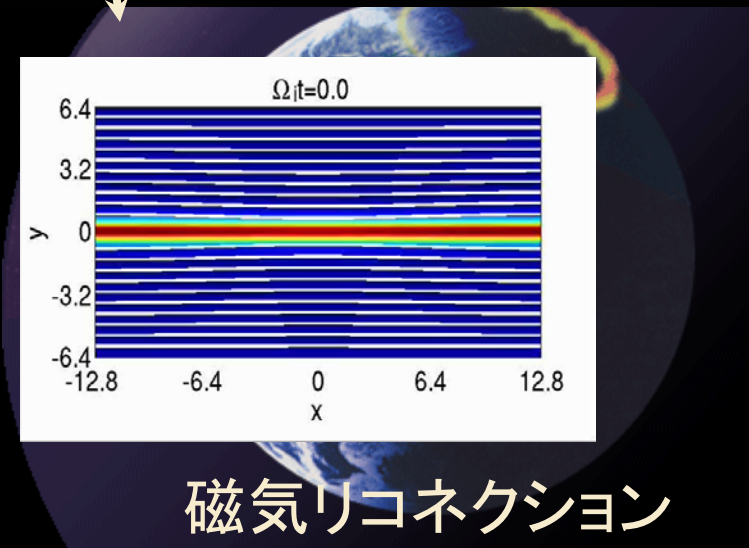
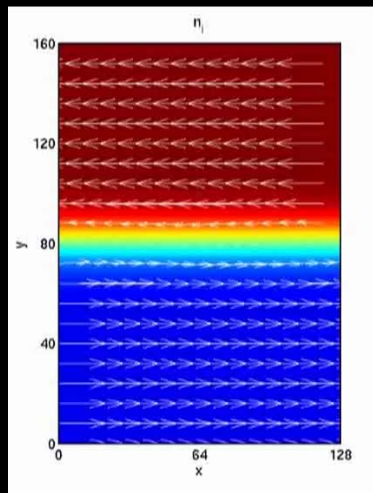
By 荻野先生



Kelvin-Helmholtz  
不安定性(渦乱流)

運動論

MHDの「境界層」  
と粒子スケール  
の関係は??



磁気リコネクション



# プラズマシミュレーションコード

近似レベルにより大まかに3つに分けられる

- **運動論コード**

- 電子・イオン共に粒子の運動論効果を考慮する
- プラズマ振動、磁場によるサイクロトロン運動

- **ハイブリッドコード**

- 電子を流体的に扱い、イオンの粒子的運動論効果のみを考慮する

- **流体コード**

- 粒子(イオン・電子)の運動を平均化し、流体として扱う
- 流体コードにもいろいろある:  
単一流体(MHD)・Hall-MHD・多流体
- 他の流体シミュレーションとの最大の違いは「磁場」

# 基礎方程式

次々世代

MHD方程式  
(3次元×8変数)

“無衝突” Boltzmann方程式

$$\frac{\partial f_s}{\partial t} + \mathbf{v} \cdot \frac{\partial f_s}{\partial \mathbf{r}} + \frac{q_s}{m_s} (\mathbf{E} + \mathbf{v} \times \mathbf{B}) \cdot \frac{\partial f_s}{\partial \mathbf{v}} = 0$$

現状

$$\frac{\partial \rho}{\partial t} = -\nabla \cdot (\mathbf{v} \rho)$$
$$\frac{\partial \mathbf{v}}{\partial t} = -(\mathbf{v} \cdot \nabla) \mathbf{v} - \frac{1}{\rho} \nabla p + \frac{1}{\rho} \mathbf{J} \times \mathbf{B}$$
$$\frac{\partial p}{\partial t} = -(\mathbf{v} \cdot \nabla) p - \gamma p \nabla \cdot \mathbf{v}$$

Vlasov方程式(6次元)

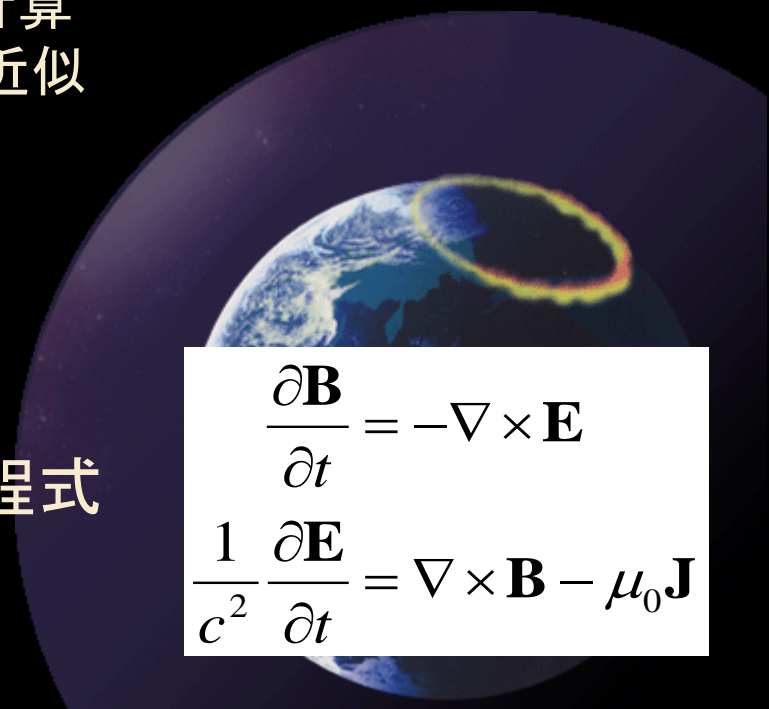
モーメント計算  
+ 単一流体近似

詳しくは深沢氏の講演で

$$\frac{\partial \mathbf{B}}{\partial t} = -\nabla \times \mathbf{E} = \nabla \times (\mathbf{v} \times \mathbf{B})$$
$$\mu_0 \mathbf{J} = \nabla \times \mathbf{B}$$

Maxwell方程式  
(電磁場)

$$\frac{\partial \mathbf{B}}{\partial t} = -\nabla \times \mathbf{E}$$
$$\frac{1}{c^2} \frac{\partial \mathbf{E}}{\partial t} = \nabla \times \mathbf{B} - \mu_0 \mathbf{J}$$



# 宇宙プラズマの “運動論”シミュレーション

- 無衝突プラズマを扱う
- 荷電粒子と電磁界との相互作用を解く
- 電磁界

Maxwell方程式

$$\begin{aligned}\nabla \times \mathbf{B} &= \mu_0 \mathbf{J} + \frac{1}{c^2} \frac{\partial \mathbf{E}}{\partial t} & \nabla \cdot \mathbf{E} &= \frac{\rho}{\epsilon_0} \\ \nabla \times \mathbf{E} &= -\frac{\partial \mathbf{B}}{\partial t} & \nabla \cdot \mathbf{B} &= 0\end{aligned}$$

- プラズマの運動  
個々の粒子の運動を考える

藤本氏の講演で

$$\begin{aligned}\frac{d\mathbf{r}_n}{dt} &= \mathbf{v}_n \\ \frac{d\mathbf{v}_n}{dt} &= \frac{q_n}{m_n} (\mathbf{E} + \mathbf{v}_n \times \mathbf{B})\end{aligned}$$

分布関数として考える  
ブラソフ方程式

$$\frac{\partial f}{\partial t} + \mathbf{v} \cdot \frac{\partial f}{\partial \mathbf{x}} + \frac{q}{m} (\mathbf{E} + \mathbf{v} \times \mathbf{B}) \cdot \frac{\partial f}{\partial \mathbf{v}} = 0$$

# 研究目的

## 名大計算科学への貢献

- 様々なスカラ型超並列計算機において
  - ☆コードの並列性能を評価
  - ☆コードのパーツ(組み込み関数等)の速度を評価

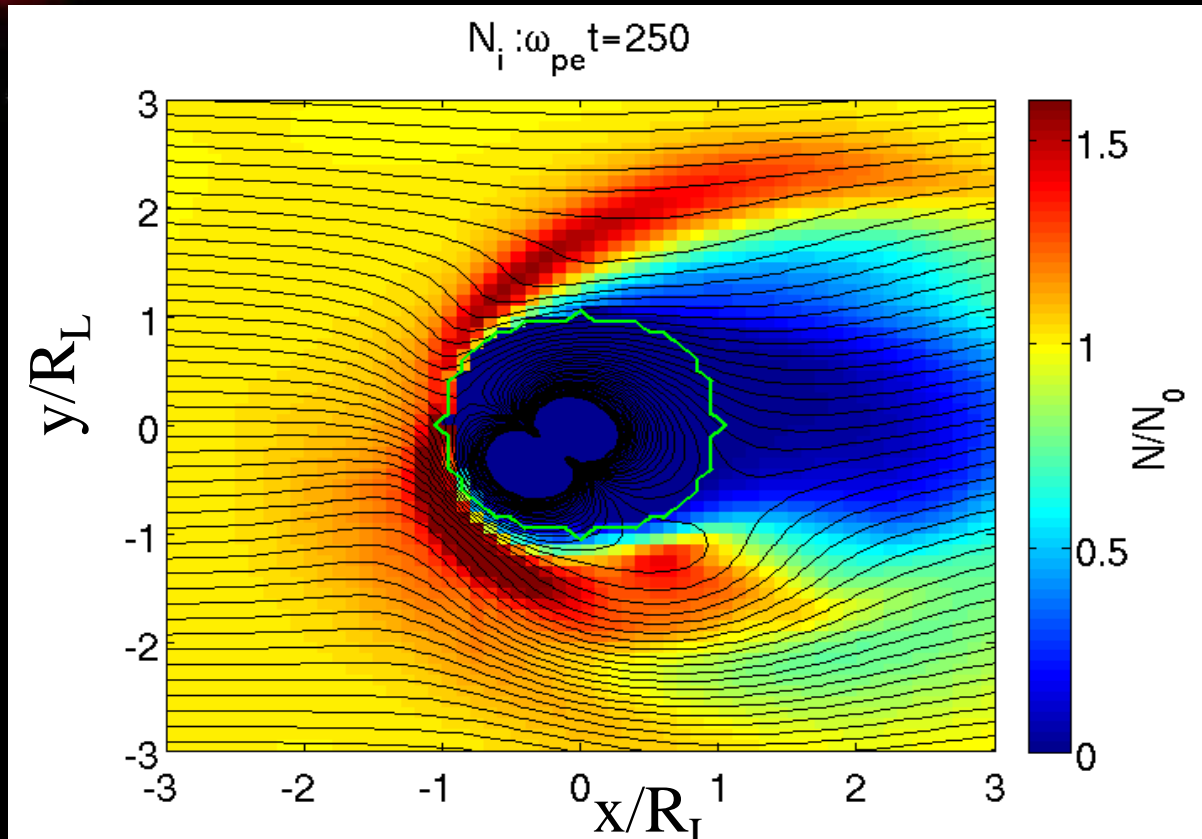
## 太陽地球系科学(物理)への貢献

- 256~1024以上の並列計算を長時間行う必要がある
  - 5次元シミュレーション: 100GB以上
  - 粒子の時空間解像度で流体スケールを解く

⇒ 256以上の並列計算がスムーズに流れ、  
CPU使用料が現実的な計算機環境が不可欠



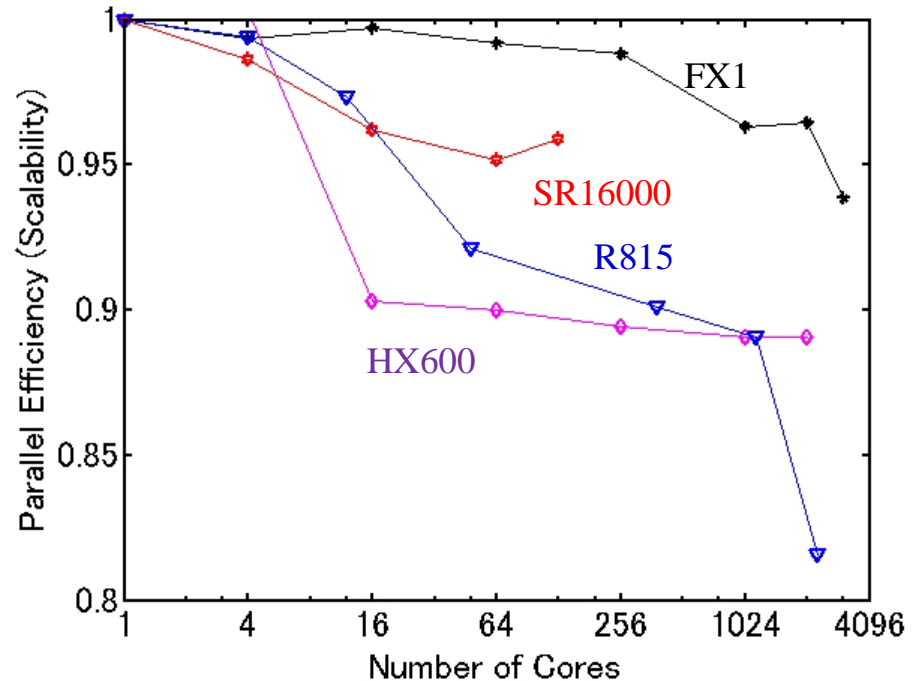
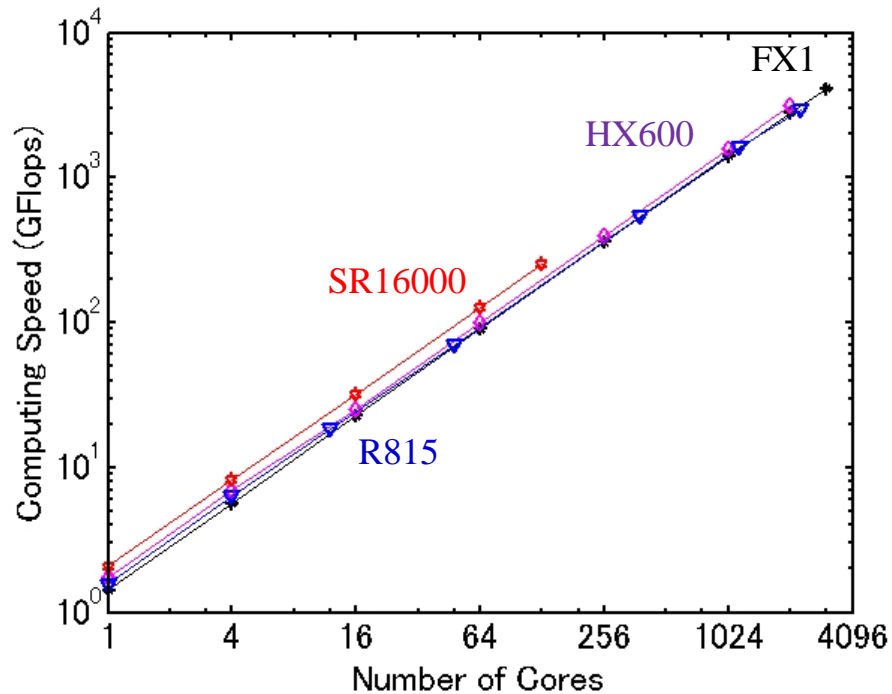
# 弱磁場天体磁気圏の ブラソフシミュレーション



世界初

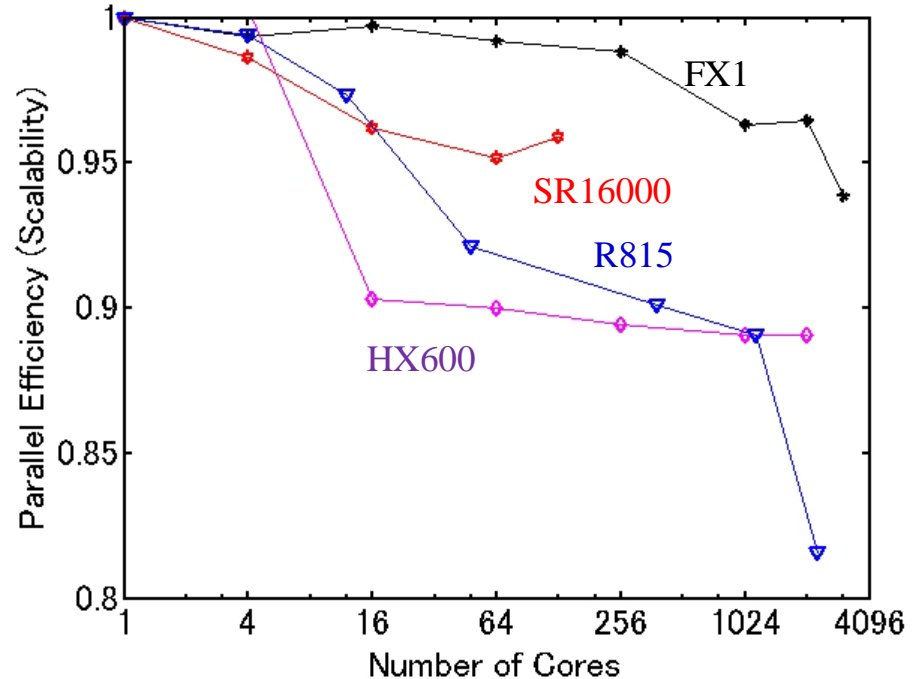
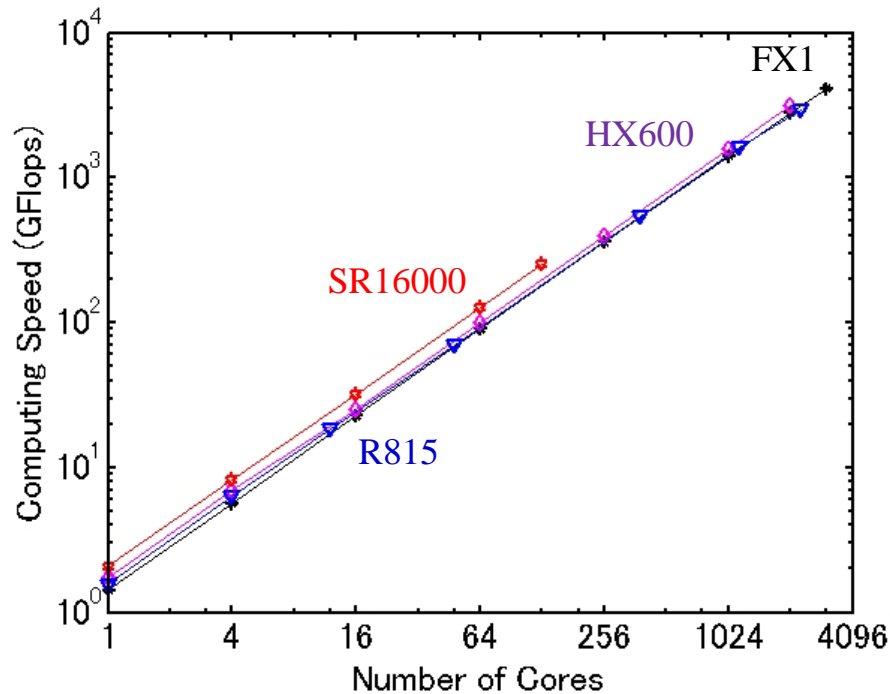
ただし、5次元(実空間2次元+速度空間3次元)

# 性能評価①: 弱いスケーリング (1GB/core)



- ◆ 単コア性能 (理論性能: 10GFlops)
- FX1: 1.42GFlops (実効効率: 14.2%)
- HX600: 1.74GFlops (実効効率: 17.4%)

# 性能評価①: 弱いスケーリング (1GB/core)

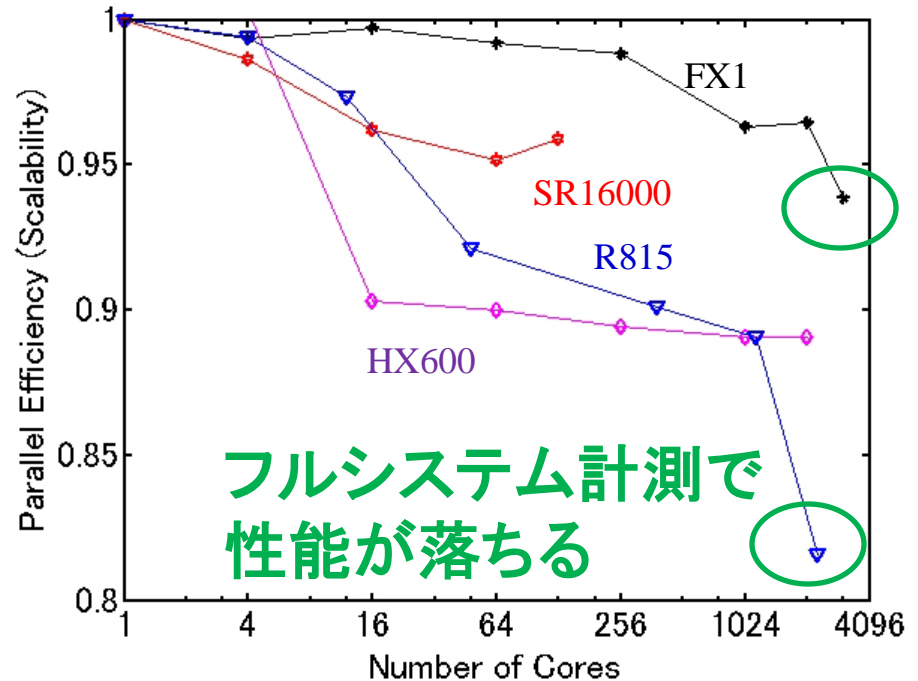
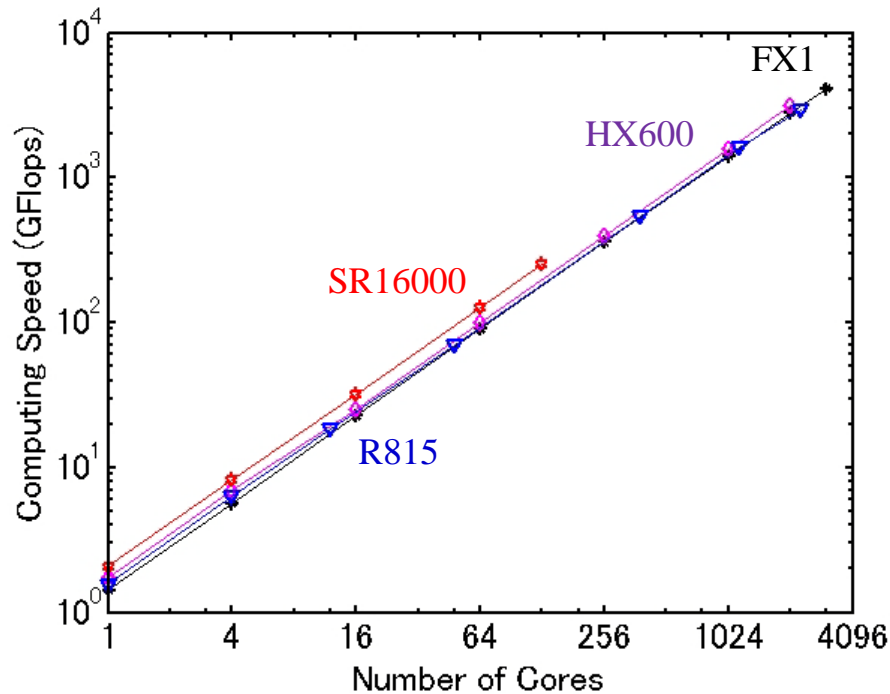


## ◆ 並列性能

FX1: 4.10TFlops@3072コア (実効効率: 13.3%) MPI+Impact

HX600: 3.17TFlops@2048コア (実効効率: 15.5%) Flat MPI

# 性能評価①: 弱いスケーリング (1GB/core)



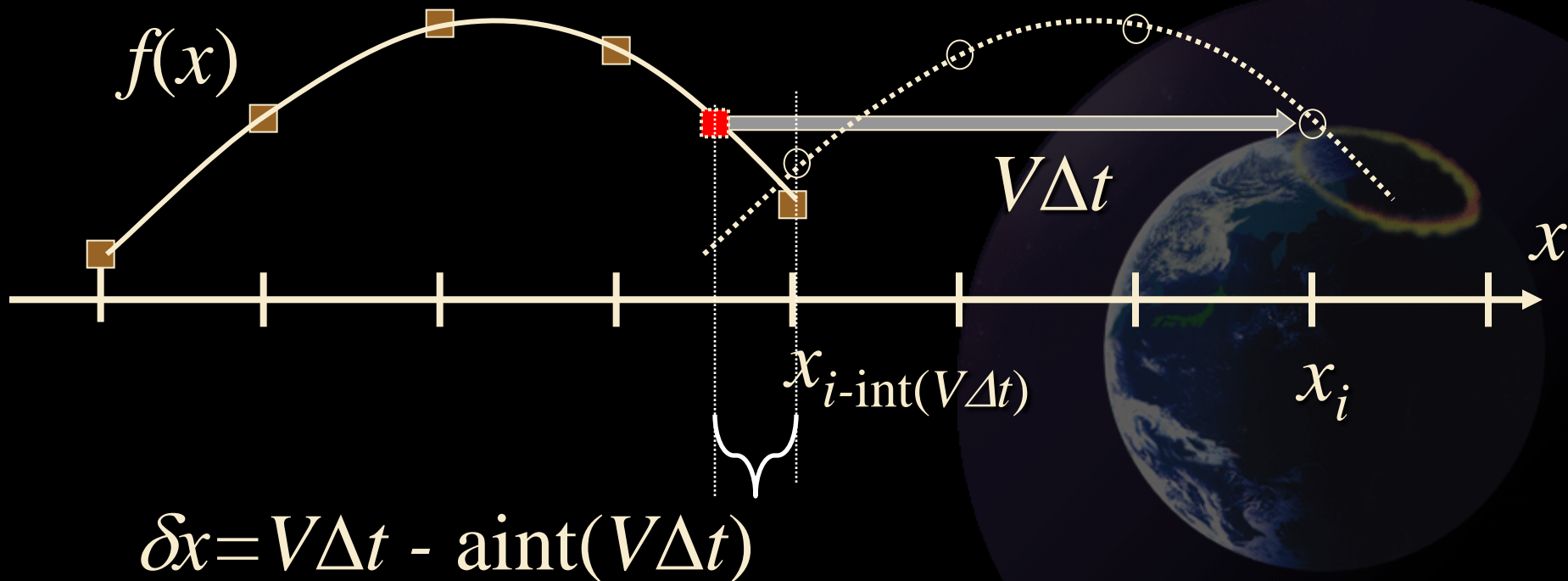
◆ 太陽研 DELL PowerEdge R815  
Opteron 2.2GHz (12core) × 4CPU、96GB / ノード  
48ノード ⇒ 理論性能: 20TFlops、Linpack: 15.8TFlops

# 性能評価②: 組み込み関数の性能

- プラズマ運動論シミュレーション:  
整数-実数変換を多用

$$\frac{\partial f}{\partial t} + V \frac{\partial f}{\partial x} = 0$$

$$f(x_i, t + \Delta t) = f(x_i - V\Delta t, t)$$



# 性能評価②: 組み込み関数の性能

```
real(kind=8) :: A(:), B(:)
```

```
DO i=1,1024*1024*16
```

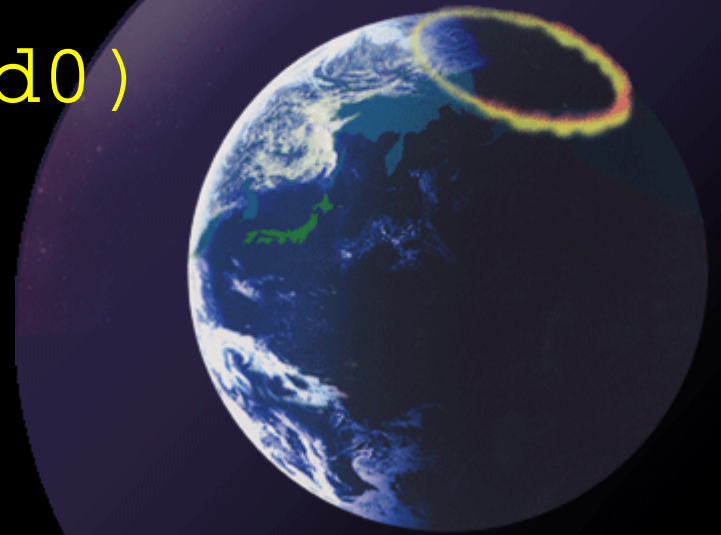
```
  B(i)=floor(A(i))           =dble(floor(A))
```

```
  B(i)=aint(A(i))           A>0なら同じ答え
```

```
  B(i)=aint(A(i)+0.5d0)
```

```
  B(i)=anint(A(i))
```

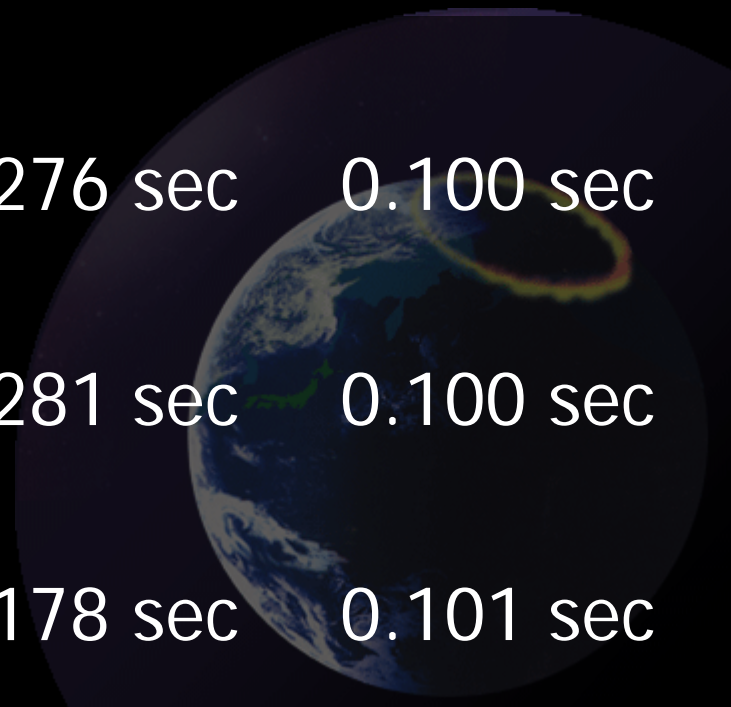
```
END DO           同じ答え
```





## 性能評価②: 組み込み関数の性能

	FX1	HX600-frt	HX600-ifort
<code>floor(A)</code>	0.193 sec	0.100 sec	0.170 sec
<code>aint(A)</code>	0.260 sec	0.276 sec	0.100 sec
<code>aint(A+0.5)</code>	0.272 sec	0.281 sec	0.100 sec
<code>anint(A)</code>	0.073 sec	0.178 sec	0.101 sec



# まとめ

- ブラソフコードの並列性能：
    - FX1では93%以上、HX600では89%以上の並列効率
    - FX1では13%以上、HX600では15%以上の実効効率
    - FX1ではMPI + ImpactとFlat MPIはほぼ同速
    - HX600ではFlat MPIが1割ほど速い
    - 全リソースを用いた計測では性能が若干落ちる傾向
  - 組み込み関数の性能：
    - 富士通コンパイラで、floor（+整数⇒倍精度実数）とanint が不自然に速い
- ⇒ 導入時のベンチマークコードの影響が出ている